

HA auf 12. November 2014: Aus Pflichtteilen Aufgaben 1/2 mit trigon. Fktn.

ASI 2009

$$f(x) = x^2 \cdot \sin(3x+1)$$

[IR+KR]

$$f'(x) = 2x \cdot \sin(3x+1) + x^2 \cdot \cos(3x+1) \cdot 3 = 2x \sin(3x+1) + 3x^2 \cos(3x+1)$$

ASI 2008

$$g(x) = 2 - 3 \sin(4x)$$

[Kettenregel rückwärts für Stammfkt.]

$$G(x) = 2x + 3 \cdot \frac{1}{4} \cos(4x) + c \text{ ist eine allgemeine Stammfkt. von } g.$$

Punktprobe mit $P(0|1)$ liefert die eine gesuchte Stammfkt.:

$$\begin{aligned} G(0) &= \frac{3}{4} \underbrace{\cos(0)}_{=1} + c \\ &= \frac{3}{4} + c \stackrel{!}{=} 1 \Rightarrow c = \frac{1}{4} \end{aligned}$$

Damit:

$$G(x) = 2x + \frac{3}{4} \cos(4x) + \frac{1}{4}$$

ASI 2007

$$f(x) = (1 + \sin x)^2$$

[=

$$1 + 2 \sin x + \sin^2 x] \leftarrow \text{binom. Formel}$$

$$f'(x) = 2 \cdot (1 + \sin x)^1 \cdot \cos x = 2 \cos x + 2 \cos x \cdot \sin x$$

[KR]

ABi 2066 $f(x) = \frac{1}{8} \sin(4x^2)$

$f'(x) = \frac{1}{8} \cos(4x^2) \cdot 8x = x \cdot \cos(4x^2)$

ABi 2005 $f(x) = 4 \cos\left(\frac{1}{2}x\right) - \frac{1}{4}x^4$

[KR rückwärts]

$F(x) = 8 \sin\left(\frac{1}{2}x\right) - \frac{1}{20}x^5$

ABi 2004 $f(x) = \frac{1}{x^2} + \sin(2x) = x^{-2} + \sin(2x)$

$F(x) = -x^{-1} - \cos(2x) \cdot \frac{1}{2} = -\frac{1}{x} - \frac{1}{2} \cos(2x)$